LÖSUNGEN UND BEWERTUNGEN

AUFGABENGRUPPE A

Für jede Aufgabe ist die angegebene Gesamtpunktzahl sowie die Verteilung auf die Teilfragen verbindlich. Die angegebenen Teillösungen sind lediglich als Beispiele anzusehen. Für Teillösungen und Lösungsansätze sind Punkte zu gewähren. Insbesonders sollte bei Folgefehlern kein erneuter Punktabzug erfolgen. Von jeder Schülerin / jedem Schüler werden vier Aufgaben gewertet.

1) 7 (0 15) 1 0 15	Teilpunkte Punkte
1. a) $L = \{3, -17\}$ oder $x = 3, x = -17$	2,0
x = 3	0,5
$\mathbf{x} = -17$	1,5
b) $L = \{-2, -1, 0, 1,\} \cup \{-12, -13, -14,\} =$	
$\mathbb{Z} \setminus \{-3, -4, -5, -6, -7, -8, -9, -10, -11\}$	4,0
c) $L = \{-1, 0, 1, 2, 3,\}$	3,0
-32x < 64	2,0
x > -2	2,5
d) $L = \{-2, 2, 5\}$	3,0
Jeweils	1,0
2. a) $27.5 \text{ cm} = 2.75 \text{ dm}$	4,0
z.B.: $40 \cdot 150 + 20 \cdot 250 = x \cdot 400$ oder $150 \cdot h + 250 \cdot h$	
b) 0,75 Liter	4,0
z.B.: $\frac{3-x}{150} = \frac{3+x}{250}$	2,0
$\mathbf{x} = 0.75$	3,5
oder $1.5h + 2.5h = 6$	1,5
h = 1,5 (Endhöhe 1,5 dm)	2,5
Anfangshöhen: 20 cm, 12 cm	1,5
c) 7,8 Liter	4,0
$z.B.: 2h \cdot 250 - h \cdot 150 = 4200$	2,0
h = 12 (Endhöhe 12 cm in Gefäß A)	2,5
oder $2.5 \cdot 2h - 1.5 \cdot h = 4.2$	2,0
h = 1,2 (Endhöhe 1,2 dm in Gefäß A)	2,5
3. a) $\triangle DME = 30^{\circ}$	1,0
$\triangle MED = \triangle EDM = 75^{\circ}$	1,0
$\gamma = 75^{\circ}$	1,0
$\triangle DEC = 65^{\circ}$	1,0
△CDE = 40°	1,0
b) $\beta = 80^{\circ}$	3,0
$\triangle BMD = 20^{\circ}$	2,0
c) $\gamma = 45^{\circ}$	4,0
z.B.: $2\alpha + 2\beta = 270^{\circ}$ oder $\gamma = \alpha + \beta - 90^{\circ}$	3,0

MATHEMATIK-WETTBEWERB 1997/98 DES LANDES HESSEN 2. RUNDE

	4.3.	1998
4. a) Konstruktion b) Konstruktion		4,0 4,0
Umkreis und Winkelhalbierende wy durch den Mittelpunkt des Kreises	3,0	1,0
c) Konstruktion Inkreis mit 2 Berührradien (130°)	2,5	4,0
5. a) $L = \{21\}$ oder $x = 21$		1,0
b) $L = \{-5\}$ oder $x = -5$		1,5
c) $L = \{4, 3, 2,\}$		2,5
$L = \{4, 3, 2\}$	1,5	
d) $L = \{1, 3, 5, 7,\} \cup \{-1, -3, -4,\}$		3,0
$L = \{1, 3, 5, 7,\}$	2,0	
e) L = {-19, -20, 20, 21, }		4,0
6. a) z.B: $n \in \{4, 8, 12\}$		3,0
1 Angabe	1,0	3,0
b) $z.B.: n \in \{4, 17, 30\}$ 1 Angabe	1,0	3,0
c) $z.B.: n \in \{2, 13, 24\}$	5	3,0
$100n^2 + 20n = 20n(5n + 1)$	1,0	
l Angabe	2,0	
d) Einerziffer von $(10n + 1)^9$ ist 1, Einerziffer von $(10n + 4)^7$ ist 4, Einerziffer der Summe ist 5, daher durch 5 teilbar		3,0
7. a) $p = 0.610$		1,0
b) $p = 45 \cdot 0.62 \cdot 0.48$		3,0
$p = 0.62 \cdot 0.48$	2,0	
c) $p = 1 - 0.410$		2,0
d) $p = 45 \cdot 0.68 \cdot 0.42 + 10 \cdot 0.69 \cdot 0.4 + 0.610$		3,0
$p = 0.68 \cdot 0.4^2 + 0.6^9 \cdot 0.4 + 0.6^{10}$	2,0	
e) $p = 10 \cdot 0.01 \cdot 0.999$		3,0
$p = 0.01 \cdot 0.999$	2,0	

BITTE BEACHTEN:

Angabe aller Wahrscheinlichkeiten als Produkt oder Summe genügt! Kürzen nicht erforderlich!

LÖSUNGEN UND BEWERTUNGEN

AUFGABENGRUPPE B

Für jede Aufgabe ist die angegebene Gesamtpunktzahl sowie die Verteilung auf die Teilfragen verbindlich. Die angegebenen Teillösungen sind lediglich als Beispiele anzusehen. Für Teillösungen und Lösungsansätze sind Punkte zu gewähren. Insbesonders sollte bei Folgefehlern kein erneuter Punktabzug erfolgen. Von jeder Schülerin / jedem Schüler werden vier Aufgaben gewertet.

	Teilpunkte	Punkte
1 a) 920 DM		3,0
b) 285 DM		4,0
c) 13 %	W.	5,0
Mieterhöhung 175 DM oder Miete 1425 DM	1,0	
Nebenkostenerhöhung 20 DM Nebenkosten 270 DM	1,0	
Ansatz 195: 1500 1695: 1500	3,0	
2. a) (1) 2,40 DM		2,0
(2) 101,80 DM		2,5
b) (1) 2,40 DM		2,0
(2) 44 Minuten		2,5
50 Minuten = 3000 s	1,0	_,.
c) (1) 39 Gespräche	-,.	1,5
(2) 233 Gespräche		1,5
2 3 1 - (6) - 1		
3. a) $L = \{6\}$ oder $x = 6$	1.0	3,0
Anwendung des Distr. Gesetzes $12x = 72$	1,0	
b) $L = \{0\}$ oder $x = 0$	2,5	2.0
Anwendung des Distr. Gesetzes	1.0	3,0
3x = 10x oder -3x = -10x oder 7x = 0	1,0	
c) $L = \{-3, -4, -5,\}$	2,0	3,0
Anwendung des Distr. Gesetzes	1,0	3,0
-28x > 56 oder $28x < -56$	1,5	
$x \le -2$	2,0	
d) $L = \{4, -4\}$	2,0	3,0
Anwendung des Distr. Gesetzes	1,0	5,0
$x^2 = 16$	2,0	
		- Z
4. a) (1) Konstruktion		1,0
(2) Gerade PQ		1,0
Spiegelung		2,0
$(3) 39 \text{ cm}^2$		2,0
$(4) 9 \text{ cm}^2$		1,0
$(5) 10 \text{ cm}^2$		3,0
b) Gerade durch (1 1) und (5 5)		2,0

	4.3.1998
5. a) (1) Konstruktion	2,0
(2) Höhe ha	1,0
$\triangle BAD = 35^{\circ}$	1,0
(3) Winkelhalbierende	1,0
$\triangle AFE = 67.5^{\circ}$	2,0
$\triangle CFA = 112,5^{\circ}$	1,0
(4) Spiegelung	1,0
$\triangle CE'B = 102,5^{\circ}$	1,0
b) $\beta = 45^{\circ}$	1,0
$\alpha = 75^{\circ}$	2,0
$\gamma = 60^{\circ}$	1,5
6. a) (1) $3 + (-9) = -6$	1,0
3 - 9 = -6	1,0
3 • (-2) = -6	1,0
(2) 18 + 18 = 36	1,0
$6 \cdot 6 = 36$	1,0
$(-6) \cdot (-6) = 36$	1,0
(3)(-18)+(-18)=-36	1,0
$(4) \ 1 \cdot 0 = 0 + 0$	1,0
1 + 1 = 1 + 1	1,0
b) $2 \cdot 0 = 0 + 0$	0,5
$2 \cdot 1 = 1 + 1$	0,5
$2 \cdot (-1) = (-1) + (-1)$	0,5
$2 \cdot (-2) = (-2) + (-2)$	0,5
2:1=1+1	0,5
2:(-1)=(-1)+(-1)	0,5

1+3+5+7+9	1+3+5++19	1+3+5++99	
52	102	502	

$1^3 + 2^3 + 3^2$	3 + 43	$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 7^3$	$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 10^3$	3
100				
102		282	552	2

LÖSUNGEN UND BEWERTUNGEN

AUFGABENGRUPPE C

Für jede Aufgabe ist die angegebene Gesamtpunktzahl sowie die Verteilung auf die Teilfragen verbindlich. Die angegebenen Teillösungen sind lediglich als Beispiele anzusehen. Für Teillösungen und Lösungsansätze sind Punkte zu gewähren. Insbesonders sollte bei Folgefehlern kein erneuter Punktabzug erfolgen. Von jeder Schülerin / jedem Schüler werden vier Aufgaben gewertet.

	Teilpunkte	Punkte
1) a) 500 DM		3,0
b) 600 km		3,0
300 DM	1,5	
c) 25 DM / Tag		3,0
336 DM	1,5	,
100 DM für 4 Tage	2,0	
d) 80 km		3,0
Gleichung, z.B.: $60 + 0.5x = 20 + x$	1,5	
2) a) 278 am2	. "	2.0
2) a) 278 cm ²	1.0	3,0
Teilflächen jeweils	1,0	,
b) 45 cm^2		3,0
c) 32 cm^2		3,0
Lösung auch über Kreisformel		
z.B. d = 8 cm	1,0	
d) 50 cm^2		3,0
Lösung auch über Kreisformel		
3) a) 36 Würfe		4,0
Auflistung	anteilig	
b) 216 Würfe		2,0
Keine Teilpunkte!		
c) (1) $6 = 3 \cdot 4 - 6$ oder $6 = 4 \cdot 3 - 6$		1,0
$14 = 3 \cdot 6 - 4$ oder $14 = 6 \cdot 3 - 4$		1,0
$21 = 6 \cdot 4 - 3$ oder $21 = 4 \cdot 6 - 3$		1,0
(2) $13 = 3 \cdot 6 - 5$ oder $13 = 6 \cdot 3 - 5$		1,0
$13 = 3 \cdot 5 - 2$ oder $13 = 5 \cdot 3 - 2$		1,0
$13 = 4 \cdot 4 - 3$		1,0
4) a) 2070 DM		4,0
Ansatz	2,0	
270 DM	3,0	
b) 3680 DM		4,0
Ansatz	2,0	4. 10.
3200 DM	3,0	
c) 1600 DM		4,0
Ansatz	2,0	

MATHEMATIK-WETTBEWERB 1997/98 DES LANDES HESSEN 2. RUNDE

	4.3.199
5) a) (1) $x = 17$ oder $L = \{17\}$	2,
4x = 68	1,0
(2) $x = 27.5$ oder $L = \{27.5\}$	2,
4x = 110	1,0
(3) $x = 7$ oder $L = \{7\}$	2,
7x = 49	1,0
b) (1) $L = \{10, 9, 8,\}$	3,
x < 11	1,5
(2) $L = \{5,4,3,\}$	3,
x < 6	1,5
6) a) (1) 169 oder 13 ²	1,
$(2)6^2 + 8^2$	2,
36 + 64	1,5
$(3) 2^2 + 3^2 + 6^2$ $4 + 9 + 36$	2,0
b) (1) $1+2+3+4+5+6+7+8+9+10+9+8+7+6+5+4+3+2+1 = 100 = 10^2$	2,
(2) (α) 64 = 8 ²	2,
64	1,5
(β) 3364 = 582 3364	1,5
7) a) Zeichnung	2,
b) $\triangle(BAD) = 90^{\circ}$	1,
$\triangle(DCB) = 224^{\circ}$	1,
$\triangle(ADC) = 23^{\circ}$	1,
$\triangle(CBA) = 23^{\circ}$	1,
c) 7.5 cm^2	2,
d) Spiegelung	2,
e) 10 cm^2	2,