

LÖSUNGEN

AUFGABENGRUPPE A

1. a) $\mathbb{L} = \{-1; 0; 1\}$, denn:
 $x^2 < \frac{36}{25}$
 $-\frac{6}{5} < x < \frac{6}{5}$
- b) $\mathbb{L} = \{\dots; -3; -2; -1\}$, denn:
 $\frac{1}{4}x(9 - 25x^2) > 0$
 Fall 1:
 $x > 0$ und $(9 - 25x^2) > 0$
 $x > 0$ und $-\frac{3}{5} < x < \frac{3}{5}$
 $\mathbb{L}_1 = \{ \}$
 Fall 2:
 $x < 0$ und $(9 - 25x^2) < 0$
 $x < 0$ und $(x < -\frac{3}{5}$ oder $x > \frac{3}{5})$
- c) $\mathbb{L} = \{-1000; 0\}$, denn:
 $-x^2 \cdot \frac{1}{100} \cdot (x + 1000)^2 \geq 0$
 $x^2 \cdot (x + 1000)^2 \leq 0$
 aber beide Faktoren nicht negativ

2. a) Hinweise zur Konstruktion des Sehnenvierecks:
 $e = |AC| = 7$ cm mit Basiswinkeln 40° liefert M .
 Kreis um M durch A und C
 Kreis um A mit Radius 5 cm liefert B und D
- b) Hinweise zur Konstruktion des Dreiecks:
 Umkreis mit Mittelpunkt M
 Mittelpunktswinkel antragen
 $\sphericalangle BMC = 2 \cdot 40^\circ = 80^\circ$, $\sphericalangle CMA = 2 \cdot 75^\circ = 150^\circ$
- c) Hinweise zur Konstruktion des Punktes D :
 Konstruktion des Dreiecks ABC (SSS)
 \overline{AC} ist Sehne eines Kreises mit Umfangswinkel $\sphericalangle ADC = 40^\circ$
 und Mittelpunktswinkel $\sphericalangle AMC = 2 \cdot 40^\circ = 80^\circ$.
 $\sphericalangle CAM = \sphericalangle MCA = 50^\circ$ (Winkelsumme im $\triangle AMC$)
 Antragen dieser Winkel an \overline{AC} liefert M
 als den Schnittpunkt der freien Schenkel.
 Kreisbogen um M mit Radius $|MA| = |MC|$
 analog: (Faß-)Kreisbogen durch B und C
 (D als Schnittpunkt der beiden Faßkreisbögen.)

3. a) Konstruktion wie angegeben
- b) (1) $\sphericalangle CDA$ und $\sphericalangle BDC$ sind jeweils 90° (Thales).
 ($\sphericalangle ADB$ muss dann 180° sein, also D auf \overline{AB} .)
 (2) \overline{CD} ist Höhe h_c .
- c) $\sphericalangle AEC$ und $\sphericalangle AEB$ sind jeweils 90° (Thales).
 ($\sphericalangle ECB$ muss dann 180° sein, also C auf \overline{EB} .)
- d) (1) $\sphericalangle CBA = \sphericalangle EBA = \beta$
 Umfangswinkel über Sehne \overline{CD} in k_1 zeigt:
 $\alpha = \sphericalangle DAC = \sphericalangle DEC = \sphericalangle DEB$
 Winkelsumme im Dreieck
- (2) Wegen c) ist C auf \overline{EB} (und analog C auf \overline{AF})
 Scheitelwinkel: $\sphericalangle ACB = \sphericalangle FCE$
 Umfangswinkel über Sehne \overline{FB} in k_3 zeigt: $\sphericalangle BEF = \alpha$

(oder Umfangswinkel über Sehne \overline{AE} in k_3 zeigt: $\sphericalangle EFA = \beta$)
Winkelsumme im Dreieck

4. a) (1) 4
(2) 3,3
(3) -2
(4) 6
- b) (1) Für die Nachkommastellen 0, 1, 2, 3, 4 ändert sich durch die Addition von 0,5 die Einerstelle nicht (was dem Abrunden entspricht).
Für die Nachkommastellen 5, 6, 7, 8, 9 ändert sich durch die Addition von 0,5 die Einerstelle (was dem Aufrunden entspricht).
(2) Es stimmt nicht, wenn die einzige Nachkommastelle eine 5 ist.
- c) (1) $3 \leq x < 4$
(2) $1,5 \leq x < 2$
(3) $0,5 \leq x < 1,5$
-

5. a) (1) 30 %, denn:
 $\frac{12}{40}$
(2) 19 % sind im Orchester, denn:
 $40 \% - 12 \% = 28 \%$ sind nur im Chor.
 $100 \% - (53 \% + 28 \%)$
- b) (1) 4 % ($=\frac{1}{6}x$), denn:
 x : Anteil der Chormitglieder
 $\frac{1}{6}x + 0,2 = x$
 $0,2 = \frac{5}{6}x$
(2) $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$, denn:
 $\frac{1}{6} \cdot 24 \% = 4\%$
-

6. a) (1) $z = 16$
 $q = 5$
(2) 1, 2, 3, 5, 6, 9
(3) 6, 9, 7, 8

b) (1)

n	z	q	Q
1	4	1	1
2	12	4	5
3	24	9	14
4	40	16	30

- (2) $Q = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 (= \frac{n \cdot (n+1)(2n+1)}{6})$
(3) Ja, ab $n = 6$. (individuelle Lösung, z. B. bei Q wachsen die neu hinzukommenden Summanden quadratisch, bei z linear)
alternativ:
 Q wächst insgesamt kubisch (siehe b) (2)),
 z jedoch quadratisch mit $z(n) = 2n^2 + 2n$.
-

7. a) (1)

	1	3	6	7	6	3	1	
1	4	10	16	19	16	10	4	1

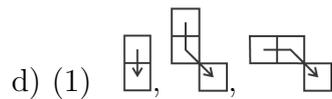
(2) 7. Zeile

(3) 45

b) z.B.: Links von der Mitte stehen nur Nullen.

c)

					0							
				0	1	0						
		0	0	1	1	0						
	0	0	0	1	2	0	0					
	0	0	0	0	1	3	1	0	0			
	0	0	0	0	0	1	4	3	0	0		
0	0	0	0	0	0	1	5	6	1	0	0	0



(2) $a = 0, b = 1, c = 4, d = 2$

LÖSUNGEN/BEWERTUNGEN

AUFGABENGRUPPE B

1. a) (1) $\mathbb{L} = \{-4; 4\}$, denn:
 $16x^2 + 64x + 64 + 9x^2 - 36x + 36 + x^2 = 25x^2 + 28x + 116$
 $26x^2 + 28x + 100 = 25x^2 + 28x + 116$
 $x^2 = 16$
- (2) $\mathbb{L} = \{\dots; -1; 0; 1\}$, denn:
 $2,5x - 4 > 10x - 16$
 $-7,5x > -12$
 $x < 1,6$
- b) z.B. (4|4) oder (10|14) (oder (-2| -6) oder (1| -1) oder ...)
 $5x - 3y = 8$

2. a) (1) 3,25 Mio. weibliche Einwohner, denn:
 48 % entsprechen 3 Mio.
 1 % entsprechen 62 500.
 6,25 Mio. Hessen
- (2) rund 298 Personen pro km^2 , denn:
 $6\,250\,000 : 21\,000 \approx 297,619$
- (3) 3360 m^2 pro Person, denn:
 $21\,000 / 6\,250\,000$
 $0,00336 \text{ km}^2$
- b) 8,211 Mio. Einwohner, denn:
 $21\,000 \text{ km}^2$ entsprechen 100 %.
 230 % entsprechen 48 300 km^2 .
 $48\,300 \cdot 170$

3. a) (1) Hinweise zur Konstruktion des Dreiecks ABC :
 (2) $\sphericalangle ADB = 23^\circ$
 Gerade AC und Senkrechte BD
- (3) Spiegelung
 (4) Begründung (z. B. $h_{\overline{BD}}$ halbiert $\triangle CBD$, da gleichschenkelig, weil $\sphericalangle DBC = \sphericalangle CDB$, somit $\triangle ABC, \triangle CBC', \triangle CC'D$ und $\triangle BA'C'$ kongruent)
- b) (1) $\beta = 59^\circ$
 (2) $\gamma = 61^\circ$
- c) (1) Basiswinkel: 65° , Winkel an der Spitze: 50°
 (2) Basiswinkel: 80° , Winkel an der Spitze: 20°

4. a) (1) Hinweise zur Konstruktion des Trapezes:
 a und Höhe h
 Parallele zu a
 Mittelsenkrechte zu a
 Seite c
- (2) $A = 28 \text{ cm}^2$
- b) (1) $A_F = 50 \text{ cm}^2$, denn:
 $m = 10 \text{ cm}$
 Grundseite ist k , Höhe ist m
- (2) $k = 12 \text{ cm}$, denn:
 G und H haben beide die Höhe j .
 j ist 8 cm lang.
 $n = 4 \text{ cm}$
 Höhe von F ist 7 cm.

5. a) (1) 5 km, denn:

- 6250 · 80 cm
(2) 50 cm, denn:
500 000 : 1000
- b) 625-mal (falls Anfangsschritt mitgerechnet, dann 626-mal), denn:
kgV (80 ; 50)
400 cm = 4 m
Links/rechts - Unterschied, also $2 \cdot 4 \text{ m} = 8 \text{ m}$
5000 m : 8 m
- c) (1) 68 cm , denn:
85 % von 80 cm oder entsprechender Ansatz
(2) nein (mit Begründung, z. B. $1,15 \cdot 6250 = 7187,5$, aber $500\,000 : 68 \approx 7352,9$)
- d) 3,6 km/h, denn:
1 m (Doppelschritt) in einer Sekunde
-

6. a) (1) (2|2)
(2) 12 Sekunden
- b) (1) 36 Sekunden
(2) 126 Sekunden
(3) 52 Züge
(4) 77. Richtungswechsel in (20| - 19)
79. Richtungswechsel in (-20|20)
- c) 39. Zug (von (10|10) bis (-10|10))
40. Zug (von (-10|10) bis (-10| - 10))
-

7. a) (1) 280 Punkte
mehr als 275 Punkte
Gesamtpunktzahl ist 550
(2) nach der 7. Runde
(3) 60:0, 50:10, 40:20, 30:30,(20:40, 10:50, 0:60)
(4) nach der 3., 4., 7. oder 8. Runde
- b) (1) 1. und 2. Runde; 1. und 4. Runde; 3. und 4. Runde
(2) 9. Runde
-

LÖSUNGEN/BEWERTUNGEN

AUFGABENGRUPPE C

1. a) (1) $x = 5$, denn:
 $29x + 22 = 97 + 14x$
 $15x = 75$

(2) $x = 100$, denn:
 $1,25x = 125$

(3) $x = -1$, denn:
 $21 - 6x = 10 - (7x - 10)$
 $21 - 6x = 10 - 7x + 10$
 $21 + x = 20$

b) $3x - 6 = 0,5x + 4$
 $x = 4$, denn:
 $2,5x - 6 = 4$
 $2,5x = 10$

2. a) 140 Schülerinnen und Schüler, denn:
 $98 \cdot 100 : 70$

b) 85 %, denn:
 $102 \cdot 100 : 120$

c) 87,3 %, denn:
 $250 \cdot 98 : 100$
 245 Schülerinnen und Schüler

Schülerinnen und Schüler mit Handy: $445 (= 98 + 102 + 245)$

Schülerinnen und Schüler insgesamt: $510 (= 140 + 120 + 250)$

$445 \cdot 100 : 510$

d) 600 Schülerinnen und Schüler, denn:
 85 %
 $510 \cdot 100 : 85$

3. a) (1) $V_g = 3\,360\,000 \text{ mm}^3$ (oder $V_g = 3360 \text{ cm}^3$), denn:
 $V_1 = 260 \text{ mm} \cdot 100 \text{ mm} \cdot 80 \text{ mm} = 2\,080\,000 \text{ mm}^3$
 $V_2 = 160 \text{ mm} \cdot 100 \text{ mm} \cdot 80 \text{ mm} = 1\,280\,000 \text{ mm}^3$

(2) $m = 9072 \text{ g}$, denn:
 $V_g = 3\,360\,000 \text{ mm}^3 = 3\,360 \text{ cm}^3$
 $m = 3\,360 \text{ cm}^3 \cdot 2,7 \text{ g/cm}^3$

b) 14,4 ml, denn:
 $O_{\text{Deckel}} = 8 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} = 80 \text{ cm}^2$
 $O_{\text{Seite}} = 2 \cdot (8 \text{ cm} \cdot 16 \text{ cm} + 10 \text{ cm} \cdot 16 \text{ cm}) = 576 \text{ cm}^2$
 $576 \text{ cm}^2 : 80 \text{ cm}^2 = 7,2$
 oder
 80 cm^2 entsprechen 2 ml
 2 cm^2 entsprechen 0,05 ml
 $(576 \text{ cm}^2$ entsprechen 14,4 ml)

4. a) korrekte Konstruktion der Mittellinien
 (senkrecht und einander halbierend)
 Ergänzung zum Rechteck
 (alternativ: Konstruktion mit $a = m_a$ und $b = m_b$)

b) Berechnung $b = 4,5 \text{ cm}$ (alternativ: $\alpha = 67^\circ$)
 Konstruktion des Parallelogramms
 Seite a mit Winkel $\beta = \delta$
 Antragen von b

c) Berechnung der Höhe $h = 3,5 \text{ cm}$
 Konstruktion des Trapezes

5. a) 75 m, denn:
Bei 100 m Strecke sind es 15 m Höhendifferenz.
Bei 500 m Strecke sind es 15 m \cdot 5 Höhendifferenz.
- b) 14 %, denn:
250 m entsprechen 35 m
50 m entsprechen 7 m
- c) akzeptiert werden 18° bis 20° (rechnerischer Wert: $\alpha = 19,3^\circ$)
z. B.: 3,5 cm und 10 cm
Konstruktion des Dreiecks
- d) akzeptiert werden 57 % bis 59% (rechnerischer Wert: 57,7 %)
Konstruktion eines Dreiecks
Ablese der Höhendifferenz (z.B. 5,8 cm)
- e) Nein, dabei ist $\alpha = 45^\circ$ (z. B. 100 m in der Ebene auf 100 m in der Höhe).
-

6. a) (1) $\frac{1}{4}$ oder 25 %, denn:
300 Kleingewinne
- (2) 360 Gewinnlose, denn:
1200 : 100 \cdot 30
- (3) $\frac{6}{1200}$ oder 0,5 %
- b) Zeichnen eines Kreises mit 3 Sektoren von 30° , 90° , 240° (auch 12 gleich große) und richtiges Zusammenfassen mit Beschriftung
12 Felder
Winkel pro Feld: 30°
Nieten: 8 Felder
Kleingewinne: 3 Felder
Hauptgewinn: 1 Feld
-

7. a) 10 Spiele
b)

Klasse	Punkte	Anzahl der Spiele		
		gewonnen	unentschieden	verloren
8a	7	2	1	1
8b	3	1	0	3
8c	4	1	1	2
8d	3	0	3	1
8e	10	3	1	0

- c) 8a oder 8e
-